海洋工程专题

# 孤立波与淹没平板相互作用的三维波面和 水动力实验研究<sup>1)</sup>

王千刘桦2) 房詠柳邵奇

(上海交通大学水动力学教育部重点实验室,上海 200240)

**摘要** 在波浪水池中进行了孤立波作用下有限长度和有限宽度淹没平板的三维模型水池实验. 首次应用多目视 觉立体重构技术测量局部三维自由表面变形, 该系统的有效测量水平范围为 1.7 m×1.6 m. 用 4 个三分力测力 传感器组成水下测力系统, 在不影响波面的情况下测量孤立波对平板的作用力和力矩. 针对波浪不破碎的情况, 选择 0.4 m 水深和 0.16 m 波高的来波条件, 平板淹没深度为 0.1 m. 实验结果表明, 孤立波经过淹没平板时自由 面有明显的三维变形, 导致孤立波波幅的时空变化. 波幅在平板尾缘中心线处达到最大值, 并沿展向逐渐减小. 利用多目视觉立体重构系统得到的波面变化过程与浪高仪给出定点波面时间序列相互印证, 表明建立的三维波 面测量方法是有效的. 孤立波对淹没平板作用的水动力载荷变化分为 6 个典型阶段, 并与利用波面三维重构得 到的波面测量结果一并讨论. 基于多目视觉立体重构技术得到了垂向力和俯仰力矩极值点出现时的三维波面形 态. 建立的多目视觉立体重构系统将为海洋工程结构物的水池物理模型实验提供新的波面测量手段.

关键词 物理实验,孤立波,淹没平板,波面重构,波浪载荷

中图分类号: O342 文献标识码: A doi: 10.6052/0459-1879-19-244

# AN EXPERIMENTAL STUDY OF 3-D WAVE SURFACE AND HYDRODYNAMIC LOADS FOR INTERACTION BETWEEN SOLITARY WAVE AND SUBMERGED HORIZONTAL PLATE<sup>1)</sup>

Wang Qian Liu Hua<sup>2</sup>) Fang Yongliu Shao Qi

(Key Laboratory of Hydrodynamics (MOE), Shanghai Jiao Tong University, Shanghai 200240, China)

**Abstract** An experiment of interaction between a solitary wave and a submerged plate with finite length and finite width is conducted in a wave basin. A new system of the multi-lens stereo reconstruction is proposed to measure the local deformation of the free surface in the horizontal area of  $1.7 \text{ m} \times 1.6 \text{ m}$  in the experiment. A set of underwater force measuring system consisted of four force balances is designed to obtain the wave loads on the submerged plate, without the interference on the surface elevation measurement. A solitary wave is generated in a wave basin of uniform water depth. The wave amplitude is 0.16 m and the still water depth is 0.4 m. The submerged depth of the horizontal plate is

1) 国家自然科学基金 (11632012, 41861144024) 和上海交通大学海洋工程国家重点实验室 (GKZD010075) 资助项目. 2) 刘桦, 教授, 主要研究方向: 高速水动力学、水波动力学、海啸. E-mail: hliu@sjtu.edu.cn

<sup>2019-09-02</sup> 收稿, 2019-09-23 录用, 2019-09-23 网络版发表.

引用格式: 王千, 刘桦, 房詠柳, 邵奇. 孤立波与淹没平板相互作用的三维波面和水动力实验研究. 力学学报, 2019, 51(6): 1605-1613
 Wang Qian, Liu Hua, Fang Yongliu, Shao Qi. An experimental study of 3-D wave surface and hydrodynamic loads for interaction between solitary wave and submerged horizontal plate. *Chinese Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 2019, 51(6): 1605-1613

0.1 m. No wave breaking occurs during the wave propagation. The three-dimensional deformations of the free surface elevation lead to the spatial and temporal variation of the solitary wave amplitude. It is found that, for the case of the present wave condition and the submerged plate, the surface elevation reaches the highest at the centerline of the plate near its trailing edge, and decreases along the span direction. The time series of the surface elevation measured by the multilens stereo reconstruction method agree well with the wave elevations measured by the wave gauges, which validates the new wave surface measurement system. The loading processes of the horizontal force, vertical force and the pitch moment are proposed as 6 typical phases in which the characteristics of the measured wave surface elevation are discussed. The wave surfaces measured by the multi-lens stereo reconstruction method could be used to measure the wave field for physical model experiments in a wave basin as a new tool.

Key words physical experiment, solitary wave, submerged plate, stereo reconstruction, wave load

# 引 言

淹没平板是波能吸收转化装置、漂浮平台、船 坞、码头以及跨海桥梁等海洋与海岸工程中常见构 件之一.在极端海洋动力条件下,例如风暴潮、风浪 以及海啸等作用,淹没平板的水动力载荷及其作用 机理与波浪散射、辐射密切相关,有时黏性效应也不 可忽略,发展各种波浪条件下淹没平板流体动力性 能的理论分析方法与实验测量方法得到学术界与工 程界的广泛关注<sup>[1]</sup>.

海啸波作为一种极端波浪条件可导致近岸平台 和桥面的结构失效.尽管海啸波形具有多样性,如长 波、N波、非破碎涌波等<sup>[2-3]</sup>,孤立波曾被作为模拟 海啸传播的简化理论模型应用于研究海啸波对对近 岸结构物的作用以及在斜坡上的爬高[4-5].海啸波的 特殊波形可采用孤立波作为简化,在海啸波演化、近 岸爬高、对结构物冲击载荷等方面均可得到较好的 实验结果. Hayatdavoodi 和 Ertekin<sup>[6]</sup> 对孤立波与平 板结构物相互作用问题进行了较为系统的总结,包 括了水动力载荷的理论分析、数值模拟和实验模拟 研究. 总体上讲, 孤立波与平板结构物相互作用的物 理实验工作并不充分. 美国加州理工学院 Keck 实验 室曾针对悬空近水面二维水平板进行了具有开拓性 的水槽实验,采用压力传感器测量测量了孤立波作 用下平板表面的压力时间过程线,发现水动力载荷 可分解为一个短暂冲击力和一个缓变力,其中缓变 表压呈现正压和负压部分[7].近年来,针对二维淹没 平板与孤立波条件,在水动力载荷的变化规律及其 机理、导边与尾缘处的非定常旋涡流动的数值模拟 与 PIV 测量等方面取得新进展 [8-10]. 在二维情况下, 物理模型实验与数值模拟结果均显示, 孤立波作用 下的垂向力载荷总是随相对板长的增大而增大.淹 没平板向上的垂向力系数不断增大,而向下的垂向 力系数不断增大趋于一常数<sup>[11-12]</sup>.对于有限宽度和 有限板长的淹没平板,孤立波作用下水动力载荷三 维效应则鲜有研究报道,三维波形的时空演化过程 也缺乏有效的实验测量方法.

视觉立体重构技术的发展为在实验水池中测量 波面的时空变化过程提供了新思路. 视觉立体重构 的主要步骤包括标定、识别和匹配,通常指的是采用 不少于 2 个的高速相机, 先通过标定得到相机底片 坐标与三维坐标的映射关系,再对空间中的特殊标 识点进行拍摄. 在不同相机中识别并匹配到对应标 识点后,利用标定好的映射关系求解超定方程得到 标识点的三维坐标 [13]. 采用的标定方法不需要给定 标定板的具体空间位置,只需要将已知标定格尺寸 的标定板以随机角度、随机位置摆放在待测区域,可 用最大似然估计方法得到相机的内参、外参以及镜 头的图像畸变系数 [14]. 洁净水体的透光性使得辨识 自由水面成为一个具有挑战性的课题,现有的方法 有利用由于波浪破碎产生的自然纹理[15]、添加固体 颗粒示踪物[16]、利用二氧化钛使水体成为乳白色液 体[17]等.使用人工光源在水面产生标识点,便于采 取图像处理方法得到标识点在相机底片中的坐标,进 而进行匹配计算<sup>[18]</sup>.有两种进行标识点匹配的方法. 一种方法是将拍摄区域划分为小块问询区,利用互 相关方法对不同相机底片中的问询区进行匹配 [19]. 这一方法经过图形畸变和极线矫正法 [20], 或多步迭 代法 [21] 可以消除部分误差且高效的完成对不规则 标识点的匹配. 这一方法的可测点为整个测量区域. 第二种方法是当标识点规则排列时,可以对标识点

进行有序的编号,从而更加方便地完成匹配<sup>[22]</sup>.这 一方法可以更准确地找到标识点位置,同时可以通 过增加相机数量来提高重构准确性,但可测点仅局 限在标识点处.

本文将视觉立体重构技术<sup>[23]</sup>应用到水池的波 面测量,以获得孤立波经过淹没平板时水面高程的 时空变化,得到瞬时波面.同时采用一套水下测力系 统,得到三维情况下孤立波对淹没平板作用的波浪 载荷规律,为相关的理论研究和数值模拟提供有效 的参考数据.

### 1 实验设备与测量方法

实验是在上海交通大学的近海海啸波水池中完成.水池长 42.4 m,宽 4 m,高 1.6 m,配有一台 2.4 m 冲程的推板式造波机.以三阶孤立波理论解作为目标波形,采用改进的 Goring 造波方法<sup>[24]</sup>可生成大波高孤立波<sup>[25-26]</sup>.考虑到水池壁面效应和己开展的二维模型几何尺寸<sup>[11]</sup>,本次实验采用一块由有机玻璃制成的长 2 m、宽 0.78 m、厚 0.1 m 的平板,并安装在水池中部.为了实现波面重构,在平板上方搭建了一个铝合金框架用来负责安装固定拍摄系统,包括相机和投影仪等,见图 1.

4 个 CCD 相机悬挂在水池上方,构成了多目 立体重构拍摄系统 (multi-lens stereo reconstruction, MLSR). 相机分别从 4 个角度向下同步对波面进行 拍摄. 每个相机距离拍摄区域约 5.0 m, 每秒拍摄帧 数为 50 帧, 分辨率为 2240 × 1728 像素. 4 个相机的 公共拍摄区域范围约 1.7 m×1.6 m. 标定方法采用张 正友标定法 [14]. 将棋盘格镀膜在钢化玻璃上, 以提 高标定板的刚度而不发生弯曲变形.标定板的大小 为 1.2 m×1.2 m, 棋盘格间距为 0.0685 m. 将标定板 在 0.3 m 至 0.5 m 的范围内随机摆放约 200 个位置, 每个位置均确保每个相机的拍摄角不大于 45°. 将得 到的照片使用 Matlab 软件中的"相机标定"模块进 行后处理,从而可以得到内参、外参和2阶径向畸变 系数.为了实现高精度的自由水面辨识,将大量高发 泡聚乙烯颗粒均匀撒在水面,并用一台 7500 流明投 影仪在架设在水面上方约 4.0 m 处向水面投影圆形 光斑阵列,见图2.当光斑投影至水池底部时,每个光 斑直径约 0.03 m, 阵列间隔约 0.07 m. 该聚乙烯颗粒 堆积密度 25 kg/m<sup>3</sup>, 平均直径 0.001 m, 具有良好的光 散射性和疏水性,此粒径和密度的颗粒置入水中后,



(a) 水池与立体重构底架(a) Basin and structure for the MLSR



(b) 平板与浪高仪
(b) Plate and wave gauges
图 1 实验水池与模型
Fig. 1 Site photo of the basin and model



(a) 现场照片 (a) Site photo



(b) Raw image recorded by one camera

图 2 自由水面光斑投影

Fig. 2 Spots projected on the free surface

对波面的影响可以忽略. 当大量粒子漂浮于水面时, 整体会形成一层类似薄膜的状态. 当波面不发生破 碎时,该层类膜不会发生明显破损. 对相机拍摄到的 圆斑标识点阵,使用 Matlab 软件进行预处理,包括选 择适当阈值去掉过亮和过暗的像素点、利用灰度加 权算法获得每个圆形光斑的形心在底片中的位置. 得 到光斑形心后,将光斑阵列排序,从而可以快速匹配 每个相机记录中对应的光斑. 匹配完成后便可进行 重构得到每个光斑形心的空间三维位置. 最后,利用 二维插值估计整个测量区域内每个位置处的波面高 度. 该波面立体成像与重构方法具有精度高、拍摄范 围较大的优点,得到的孤立波传播过程中波面时间 序列与浪高仪测量结果一致,波高相对偏差在 2%以 内<sup>[23]</sup>.

除波面重构系统外,架设了17个电容式浪高仪. 波面重构的范围和浪高仪的位置见图 3(a),其中虚 线代表淹没平板,实线为 MLSR 测量区域,平板内部 的小正方形为测力传感器, X 和 Y 为 MLSR 测量的 方向,同时也是测力系统的方向.圆点为浪高仪位置, G0 位置处的浪高仪距离平板 7 m, 用来记录来波高 度. G9 位于平板中心, G8 与 G10 对称放置, 与 G9 间 隔 0.45 m, G7 与 G8 间隔 0.5 m. 以 G7-G9 为中心, 前 后间隔 1.05 m 和 1.45 m 处各布置 3 个浪高仪. 需说 明的是,由于浪高仪会遮挡相机的拍摄,本次实验中 浪高仪测量和波面重构系统无法同时使用. 由 4 个 KISTLER 9317C 压电式三分力传感器组成测力系统, 测量波浪对平板的三向力和三向力矩,载荷方向符合 右手系,见图 3(b). 这里, H, n, h 分别代表来波波高、 波面高程和未扰水深. 空心黑色方块为测力传感器, 实心黑色矩形为刚性连接装置, M, 处箭头代表俯仰 力矩的方向, X 和 Z 分别为来波传播方向和垂直向 上. 通过信号采集器可以将测力系统与浪高仪的记 录同步. 浪高仪采样频率为 50 Hz, 测量传感器测量 频率为 1000 Hz. 平板内部有两层钢板, 上层与平板 固定,下层与水池底部通过4根直径为0.04m的圆 柱固定. 圆柱在穿过打孔的平板底部时不与平板发 生接触,孔处用硅胶薄膜进行密封.这一设计使得固 定在两层钢板间的测力系统可以在不影响拍摄波面 的情况下测量平板受到的波浪载荷. 测力系统在安 装好后,通过已知重量的加载进行了精度验证,载荷 测量误差小于 0.3%. 通过敲击淹没状态下的平板, 得 到整体结构自振频率为 8.3 Hz.

针对波浪不破碎的情况,使得平板上表面的淹 没深度 *d* 为 0.1 m,水深 *h* 选择 0.4 m,孤立波波高 *H* 为 0.16 m.以此典型工况进行初步的研究观察.



<sup>(</sup>a) 平板模型与浪高仪阵列俯视图 (a) Plan view of plane model and wave gauges





图 3 平板模型与测量装置示意图

Fig. 3 Sketch of the plane model and measurement set-up

# 2 结果讨论

#### 2.1 对称性检验

通过水平仪可验证平板在高度方向是水平放置, 但无法验证平板长度轴线方向是否与来流方向平行. 图 3(a) 中可见, G8 和 G10 处于平板中部的对称位置, 因此这两个位置的波面变化是否具有对称性可以用 来验证平板轴线是否与来流方向有夹角. 图 4 给出 了 G8 和 G10 位置处浪高仪测量结果和 MLSR 测量 结果,通过最大波峰来实现时间同步. 4 条曲线基本 一致,说明平板沿板长方向是与来流方向平行,同时 也间接验证了波面重构系统的准确性.



#### 2.2 波面变化

图 5 给出了多目重构方法测量得到的几个时刻

测量区域内的波面高度,其中实线代表部分波面的 等值线,纵向虚线表示平板侧缘,三角代表测量区域 内最大波高,横向虚线为波峰线.

在整个波面变化过程中,将平板中心 G9 位置处 波面达到最大值的时刻记为 t\* = 0. 受到淹没平板作 用,平板上方波动传播速度降低,平板两侧波动传播 速度大于平板上部的波动.因此在孤立波波前部分 受到淹没平板的影响时,波前的波面等值线呈后弯 曲型,见 t\* = -0.26 s 时刻的波面重构结果.正是由于 存在此沿纵向中心线对称的横向水位梯度,在平板 上部形成从两侧向中心汇聚的流动,使得平板上方 水面抬高,该时刻的波峰线 (虚线)呈前弯曲型,且中 心线处的波幅己略大于 0.160 m 的来波波幅.随着孤 立波继续向前推进,如 t\* = -0.18 s 时,平板上方的波 面抬高进一步扩大,0.160 m 的等值线逐渐扩张,基本 抵达平板侧缘,此时波面最大值约为 0.170 m. t\* = 0 s 时,平板中心处波面达到最大值 0.181 m, 0.160 m





Fig. 5 The surface elevation at different moments measured by the MLSR method

报

等值线的横向范围已大于平板范围. *t*\* = 0.22 s 时,测量区域内波面最大值为 0.197 m, 而 0.160 m 等值线在形态上发生变化,后方逐渐扁平,表明中线处水面抬升已趋弱化.

本次实验布置了浪高仪阵列测量波面时间过程 线.图 6 通过浪高仪的数据可以看到多目重构方法 的测量区域外,部分位置处波面变化的时间历程.平 板前方 G1-3 和 G4-6 处,波面沿平板展向没有明显变 化,说明平板造成的波浪散射效应较小.而孤立波经 过平板时,同多目重构的结果一致,波面发生明显变 形,且波高从平板中心向外侧降低.同时,波面最大 值发生在 G13 处,即平板的尾缘处.这也表明在当前 淹没水深和平板尺寸条件下,孤立波经过平板时波 面会沿平板中线持续抬升至平板尾缘.G16 处的最 大波面高度和 G13 处基本一致,说明孤立波经过平 板后,中心线处的波面抬升现象会持续一段距离.



Fig. 6 wave elevation recorded by gauges

当孤立波在淹没平板上传播过程中,水面高度 的最大值出现在平板中线处,且随着孤立波传播水 面最大值逐渐变大,整体波面高度也从中线处向两 侧逐渐降低.需指出的是,这种中线处的波面抬升不 会随着板长无限变大,当达到某一极值时,波面可能 会发生破碎,也可能会产生由横向水位梯度激发的 指向两侧流动.相对板长与相对板宽对波面变形的 影响规律尚需做进一步的实验研究.

#### 2.3 波浪载荷

图 7 给出了孤立波经过淹没平板时作用于平板 的波浪力时间序列,以及对应时刻 G9 处的波面变化 过程.水平波浪力具有一个正向最大值和一个负向 最大值,且两个幅值基本相等.从其变化规律可以看 出,孤立波产生的惯性力对水平波浪力流向力起决 定作用.垂向波浪力有两个峰值和一个谷值,第一个 峰值大于第二个峰值,且谷值对应的向下载荷比峰 值对应的向上载荷要大一倍.平板长度尺度的量级 通常大于厚度尺度,相比于流向力,垂向波浪力是主 要受载.平板的俯仰力矩主要由垂向波浪力产生,也 具有两个峰值和一个谷值.根据垂向波浪力和俯仰 力矩的极值点,可以将孤立波对淹没平板作用的载 荷形成过程分为6个阶段.



第1阶段,孤立波开始与平板接触,此时平板下 方"狭道流动效应"使得压强迅速增大,产生向上的 载荷;随着孤立波传播,该上抬力逐渐增大至最大. 此时对应的波面见图 8(a),图中线条含义与图 5 相 同.此时孤立波波峰尚未抵达重构区域.第2阶段,孤立波继续传播,平板将水体分为两部分.随着孤立 波主体传至平板位置,平板上方局部压强的增加大 于平板下方仅由孤立波运动时产生的动压.因此总 的垂向波浪力开始降低,由正向最大值开始向负向 减小,直至俯仰力矩到达负向最大值.由图 3(b)所示 的载荷方向可知,此时负向垂向力作用在平板前半 部分.对应的波面见图 8(b),波峰最大值出现在平板 前半部分距中心约 0.6 m 处,且平板中线附近开始出 现 0.160 m 的波面等值线.第3阶段,平板上方局部 压强随着孤立波主体运动至平板中心附近使得局部

1611

压强增加至最大,导致总的垂向波浪力为幅值,垂直向下.对应的波面见图 8(c),波面的最高点不在平板中心,而是在平板后半部分距中心约 0.3 m 处.这是由于孤立波在经过平板时发生变形,波面不再保持前





Fig. 8 The surface elevation measured by the MLSR method at the time for the peak value of the vertical force and the pitch moment (corrsponding to the stage (1)–stage(5) in Fig.7)

后对称.第4阶段,孤立波主体开始离开平板,从而使 得平板上方局部的压强减小,总垂向力开始由负向最 大值向正向变化,导致俯仰力矩达到正向最大值,说 明此时总体的负向垂向力作用在平板后半部分.由 图8(d),最大波面高度出现在平板后半部分距离平板 中心约0.6m处.对应于图7中(2)时刻力矩达到负 向最大值时,波面最大高度出现在平板前半部分距 离平板中心约0.6m处,两者的对应说明孤立波主体 在淹没平板上的位置对平板受到的俯仰力矩有决定 性作用,见图8(b).第5阶段,孤立波继续离开平板, 平板上方压强继续降低,小于平板底部"狭道流动效 应"产生的压强分布,于是总垂向力慢慢达到正向最 大值. 波面见图 8(e), 这时重构区域内平板前半部分 的波面恢复至未扰水面, 局部略低于未扰水位. 孤立 波经过平板时发生的波形变形是垂向力的第二次正 向峰值小于首个峰值的主要原因. 第6阶段, 孤立波 远离平板, 总垂向力趋于零, 俯仰力矩也趋于零.

由于三维平板模型实验在模型两侧存在显著的 横向流动,导致三维情况下有限板宽淹没平板的波浪 力有别于二维模型实验结果.对比孤立波作用下二维 平板模型的波浪力实验结果<sup>[11-12]</sup>,可以发现:正向 垂向力仅为二维模型的 1/5,负向垂向力为二维模型 的 1/3;二维模型预测的相对板长对垂向波浪力系数 的影响将被显著削弱.

## 3 结 论

针对 2 m×0.78 m×0.1 m 平板在淹没深度为 0.1 m 的情况下,选择 0.4 m 水深、0.16 m 波高的孤立 波,进行了有限宽度平板模型在孤立波作用下的近 场波面变化与水动力载荷实验.通过自主搭建的多 目立体重构拍摄系统成功测量波面的三维变化.利 用水下载荷测量系统,在不影响波面的情况下得到 平板受到的波浪力.

实验表明:当孤立波经过淹没平板时,在平板的 阻挡作用下,平板上方波动传播减速,波面出现明显 的三维变化,导致波高会沿平板中心逐渐抬升,且向 平板两侧逐渐降低.孤立波在经过平板的整个过程 中,波面最大高度出现在平板尾缘处.

平板受到的水平波浪力由惯性力主导,具有一 个正向极值和一个负向极值.垂向波浪力具有两个 正向极值和一个负向极值,其中第一个正向极值大 于第二个.俯仰力矩也具有两个正向极值和一个负 向极值.将孤立波对淹没平板的垂向波浪力和俯仰 力矩作用过程分为 6 个阶段,依据基于多目立体重 构技术获得的典型波面形态,讨论了水动力载荷变 化规律及其作用机理.与二维模型预测的水动力学 载荷变化相比,波面变化的三维效应导致垂向力极 值显著减小.

数值模拟与物理模型实验是波浪与复杂构型海 洋工程结构物相互作用<sup>[27-28]</sup>、海底滑坡海啸<sup>[29-30]</sup> 等研究的重要手段,本文建立的波浪水池中三维波 面成像与重构技术可为波浪水池物理模型实验提供 新的测量手段.

#### 参考文献

- 1 Yu X. Functional performance of a submerged and essentially horizontal plate for offshore wave control: A review. *Coastal Engineering Journal*, 2002, 44(2): 127-147
- 2 Zhao X, Wang BL, Liu H. Characteristics of tsunami motion and energy budget during runup and rundown processes over a plane beach. *Physics of Fluids*, 2012, 24: 062107
- 3 Li ZS, Zhao X, An C, et al. Wave profiles of a virtual extreme tsunami in the northern region of South China Sea. *Journal of Earth-quake and Tsunami*, 2018, 12(2): 1840004
- 4 Hsiao SC, Lin TC. Tsunami-like solitary waves impinging and overtopping an impermeable seawall: Experiment and RANS modeling. *Coastal Engineering*, 2010, 57(1): 1-18
- 5 Zhao X, Liu H, Wang BL. Tsunami waveforms and runup of undular bores in coastal water. *Journal of Engineering Mechanics*, ASCE, 2016, 142(7): 06016003
- 6 Hayatdavoodi M, Ertekin RC. Review of wave loads on coastal bridge decks. *Applied Mechanics Reviews*, 2016, 68(3): 030802
- 7 French JA. Wave uplift pressures on horizontal platforms. [PhD Thesis]. Pasadena, USA: California Institute of Technology, 1970
- 8 Lo HY, Liu PLF. Solitary waves incident on a submerged horizontal plate. *Journal of Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering*, 2013, 140(3): 04014009
- 9 Hayatdavoodi M, Seiffert B, Ertekin RC. Experiments and computations of solitary-wave forces on a coastal-bridge deck. Part II: Deck with girders. *Coastal Engineering*, 2014, 88: 210-228
- 10 Poupardin A, Perret G, Pinon G, et al. Vortex kinematic around a submerged plate under water waves. Part I: Experimental analysis. *European Journal of Mechanics B/Fluids*, 2012, 34: 47-55
- 11 Dong J. Dong J, Wang BL, et al. Wave forces on a submerged horizontal plate over a sloping beach due to a solitary wave. Proc. of the 12th PACOMS, Australia, 2016
- 12 耿添, 刘桦. 孤立波对浸没平板作用的二维边界元数值分析. 水 动力学研究与进展, 2019, 34(3): 275-282 (Geng Tian, Liu Hua. Numerical analysis of hydrodynamic loads on submerged plate in solitary wave with 2-D boundary integral element method. *Chinese Journal of Hydrodynamics*, 2019, 34(3): 275-282 (in Chinese))
- 13 Bechle AJ, Wu CH. Virtual wave gauges based upon stereo imaging for measuring surface wave characteristics. *Coastal Engineering*, 2011, 58(4): 305-316
- 14 Zhang Z. A flexible new technique for camera calibration. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2000, 22(11):1330-1334
- 15 Holman R, Haller MC. Remote sensing of the nearshore. Annual Review of Marine Science, 2013, 5: 95-113
- 16 Chatellier L, Jarny S, Gibouin F, et al. A parametric PIV/DIC method for the measurement of free surface flows. *Experiments in Fluids*, 2013, 54(3): 1488
- 17 Przadka A, Cabane B, Pagneux V, et al. Fourier transform profilometry for water waves: How to achieve clean water attenuation with diffusive reflection at the water surface? *Experiments in Fluids*, 2012, 52(2): 519-527
- 18 Watanabe Y, Mitobe Y, Oshima K. An imaging technique for measuring wave surface shapes. *Coastal Engineering Journal*, 2011,

53(04): 549-565

- 19 Holland KT, Holman RA, Lippmann TC, et al. Practical use of video imagery in nearshore oceanographic field studies. *IEEE Journal of Oceanic Engineering*, 1997, 22(1): 81-92
- 20 De Vries S, Hill DF, De Schipper MA, et al. Remote sensing of surf zone waves using stereo imaging. *Coastal Engineering*, 2011, 58(3): 239-250
- 21 Benetazzo A. Measurements of short water waves using stereo matched image sequences. *Coastal Engineering*, 2006, 53(12): 1013-1032
- 22 Astruc D, Cazin S, Cid E, et al. A stereoscopic method for rapid monitoring of the spatio-temporal evolution of the sand-bed elevation in the swash zone. *Coastal Engineering*, 2012, 60: 11-20
- 23 Wang Q, Fang YL, Liu H. Multi-lens stereo reconstruction of water waves in a basin. *Journal of Hydrodynamics*, 2019, accepted.
- 24 Malek-Mohammadi S, Testik FY. New methodology for laboratory generation of solitary waves. *Journal of Waterway, Port, Coastal, and Ocean Engineering*, 2010, 136(5): 286-294
- 25 Xuan RT, Wu W, Liu H. An experimental study on runup of two solitary waves on plane beaches. *Journal of Hydrodynamics*, 2013,

25(2): 317-320

- 26 Wang Q, Fang YL, Liu H. Physical generation of tsunami waves in offshore region. *Journal of Earthquake and Tsunami*, 2018, 12(2): 1840003
- 27 刘利琴, 郭颖, 赵海祥等. 浮式垂直轴风机的动力学建模、仿真与 实验研究. 力学学报, 2017, 49(2): 299-307 (Liu Liqin, Guo Ying, Zhao Haixiang, et al. Dynamic modeling, simulation and model tests research on the floating VAWT. *Chinese Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 2017, 49(2): 299-307 (in Chinese))
- 28 李翔, 张崇伟, 宁德志等. 非周期波浪与直墙作用的非线性数值 研究. 力学学报, 2017, 49(5): 1042-1049 (Li Xiang, Zhang Chongwei, Ning Dezhi, et al. Nonlinear numerical study of non-periodic waves acting on a vertical cliff. *Chinese Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, 2017, 49(5): 1042-1049 (in Chinese))
- 29 Ren Z, Zhao X, Liu H. Numerical study of the landslide tsunami in the South China Sea using Herschel-Bulkley rheological theory. *Physics of Fluids*, 2019, 31: 056601
- 30 Dong J, Wang BL, Zhao X, et al. Wave forces exerted on a submerged horizontal plate over an uneven bottom. *Journal of Engineering Mechanics, ASCE*, 2018, 144(6): 04018030