

El、Scopus 收录 中文核心期刊

#### 基于拓扑优化的增材制造碳化硅反射镜轻薄化设计方法

高淑悦,刘 杨,刘书田

## TOPOLOGY OPTIMIZATION-BASED METHOD FOR LIGHTWEIGHT AND THIN DESIGN OF ADDITIVE MANUFACTURING SILICON CARBIDE PRIMARY MIRROR

Gao Shuyue, Liu Yang, and Liu Shutian

在线阅读 View online: https://doi.org/10.6052/0459-1879-25-102

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

### 面向增材制造的应力最小化连通性拓扑优化

ADDITIVE MANUFACTURING-ORIENTED STRESS MINIMIZATION TOPOLOGY OPTIMIZATION WITH CONNECTIVITY 力学 报. 2021, 53(4): 1070-1080

## 基于对流--扩散方程的含自支撑内部孔结构拓扑优化

TOPOLOGY OPTIMIZATION WITH SELF–SUPPORTED ENCLOSED–VOIDS THROUGH ADVECTION–DIFFUSION EQUATIONS

力学学报. 2025, 57(6): 1-11

### X射线衍射法测量碳化硅单晶的残余应力

MEASUREMENT OF RESIDUAL STRESS IN SINGLE-CRYSTAL SIC BY X-RAY DIFFRACTION METHOD 力学学报. 2022, 54(1): 147-153

### 基于自适应泡泡法的薄壳结构拓扑优化设计

TOPOLOGY OPTIMIZATION OF THIN SHELL STRUCTURES BASED ON ADAPTIVE BUBBLE METHOD 力学学报. 2023, 55(5): 1165–1173

## 高承载梯度分层点阵结构的拓扑优化设计方法

TOPOLOGICAL OPTIMIZATION DESIGN METHOD OF LAYER–WISE GRADED LATTICE STRUCTURES WITH HIGH LOAD–BEARING

力学学报. 2023, 55(2): 433-444

## 金属增材制造晶体塑性有限胞元自洽聚类分析方法

CRYSTAL PLASTICITY FINITE CELL SELF–CONSISTENT CLUSTERING ANALYSIS METHOD FOR METAL ADDITIVE MANUFACTURING

力学学报. 2024, 56(7): 1916-1930



# 基于拓扑优化的增材制造碳化硅反射镜轻薄化 设计方法<sup>1)</sup>

高淑悦\* 刘 杨\* 刘书田\*,2)

\*(大连理工大学工业装备结构分析优化与 CAE 软件全国重点实验室, 辽宁大连 116024) †(大连海事大学交通运输工程学院, 辽宁大连 116026)

**摘要** 拓扑优化方法和陶瓷增材制造技术的结合为开发轻质高性能的大口径碳化硅反射镜提供了一种有效的 方法.以反射镜背部支撑结构构型为设计对象,以最大刚度为目标、反射镜质量为约束,采用板筋布局与高度 协同优化 (heaviside-function based directional growth topology parameterization, H-DGTP) 方法建立了具备陶瓷可 制造性约束的轻薄化设计方法.该方法针对典型大口径碳化硅空间反射镜的实际需求,设计了具有陶瓷可制造 性的反射镜镜体轻薄化构型;进一步采用尺寸优化方法对拓扑优化的反射镜镜体结构进行了重构和精细化设 计;利用 DLP 陶瓷增材制造技术成功制备了反射镜陶瓷样件,验证了所设计的反射镜镜体轻薄化构型满足陶 瓷增材制造的可制造性要求.对轻薄化设计方案进行了数值仿真,反射镜法向轴沿 *x*, *y* 和 *z* 向自重载荷的均方 根 *RMS* 值分别为 3.27, 3.27 和 7.55 nm,反射镜面密度为 13.21 kg/m<sup>2</sup>.分析结果表明,优化后的大口径碳化硅空 间反射镜在满足面形精度设计要求的同时大幅减轻了反射镜重量,验证了该方法在增材制造碳化硅反射镜轻 薄化设计方面的有效性.

关键词 拓扑优化,轻薄化设计,空间反射镜,增材制造,碳化硅

中图分类号: 文献标识码: A DOI: 10.6052/0459-1879-25-102 CS

2 CSTR: 32045.14.0459-1879-25-102

## TOPOLOGY OPTIMIZATION-BASED METHOD FOR LIGHTWEIGHT AND THIN DESIGN OF ADDITIVE MANUFACTURING SILICON CARBIDE PRIMARY MIRROR<sup>1)</sup>

Gao Shuyue \* Liu Yang † Liu Shutian \*, 2)

\* (State Key Laboratory of Structural Analysis, Optimization and CAE Software for Industrial Equipment, Dalian University of Technology, Dalian 116024, Liaoning, China)

<sup>†</sup> (College of Transportation Engineering, Dalian Maritime University, Dalian 116026, Liaoning, China)

**Abstract** To develop the lightweight and high-performance large-aperture silicon carbide (SiC) space primary mirrors, the combination of topology optimization methods and ceramic additive manufacturing techniques provides an effective strategy. The lightweight and thin design method was designed with the back support structure of the silicon carbide space primary mirror, with the maximum stiffness as the design objective and the total mass of the silicon carbide space

2) 通讯作者: 刘书田, 教授, 主要研究方向为结构与多学科优化. E-mail: stliu@dlut.edu.cn

收稿,录用,网络版发表.

<sup>1)</sup> 国家自然科学基金(U2341232、12272076 和 11821202) 和 111 计划(B14013)资助项目.

引用格式:高淑悦,刘杨,刘书田.基于拓扑优化的增材制造碳化硅反射镜轻薄化设计方法.力学学报,待出版

Gao Shuyue, Liu Yang, Liu Shutian. Topology optimization-based method for lightweight and thin design of additive manufacturing silicon carbide primary mirror. *Chinese Journal of Theoretical and Applied Mechanics*, in press

primary mirror as the constraint. Additionally, this novel method was designed while considering the ceramic manufacturability constraints, based on the Heaviside-function based directional growth topology parameterization (H-DGTP) method. Firstly, the lightweight and thin design method designed a lightweight and thin configuration of the silicon carbide space primary mirror body with ceramic manufacturability, based on the actual requirements of a typical large-diameter silicon carbide space primary mirror. Then, the size optimization method was used to reconstruct and refine the topology-optimized silicon carbide space primary mirror structure. Furthermore, the ceramic sample of the silicon carbide space primary mirror was successfully prepared by the digital light processing (DLP) ceramic additive manufacturing technology, which verified that the designed lightweight and thin configuration of the mirror body meets the manufacturability requirements of ceramic additive manufacturing. Numerical simulation was carried out for the design scheme of the lightweight and thin method. The root mean square (RMS) values of the silicon carbide space primary mirror normal axis along the x, y, and z directions under self-weight load are 3.27 nm, 3.27 nm, and 7.55 nm, respectively. Moreover, the area density of the silicon carbide space primary mirror is 13.21 kg/m<sup>2</sup>. The analysis results show that the optimized large-aperture silicon carbide space primary mirror meets the design requirements of surface accuracy and greatly reduces the weight of the mirror. The results verify the effectiveness of the proposed method for the lightweight and thin design of additive manufacturing silicon carbide space primary mirror.

Key words topology optimization, lightweight and thin design, primary mirror, additive manufacturing, silicon carbide

## 引 言

在空间应用中,反射镜的结构形式是影响反射 镜轻量化和面形精度的关键因素[1-2]. 随着长距离空 间望远镜的不断发展,大口径的反射镜面临着更严 格的设计要求,不仅要保证在足够的刚度和性能的 前提下进一步减轻反射镜质量,同时反射镜直径厚 度比由传统的6~8逐渐向更大的比值发展,以满足 更轻薄的镜面设计[3-4]. 传统反射镜的设计受限于结 构形式和加工的复杂性,通常使用参数化设计方法 对背部开放式的蜂窝板筋结构设计进行板筋厚度、 高度和间距等参数的改进,来保证反射镜的面形精 度 RMS 满足小于波长的 1/40 (波长 λ = 632.8 nm) 的性能需求,但反射镜直径厚度比却难以进一步提 高[4-7].因此,为了满足大口径空间反射镜轻薄化、 高精度的迫切需求. 需要引入更先进的设计方法来 突破传统结构的局限性,进一步扩展反射镜的设计 空间,设计出更轻更薄的反射镜.

近年来, 拓扑优化方法与增材制造技术的快速 发展为解决大口径反射镜的设计问题提供了新的思 路<sup>[8]</sup>. 拓扑优化方法通过在反射镜的设计域内寻找 最优的结构形式以获得性能更优、重量更轻的反射 镜结构. 研究表明, 与传统的设计方法相比, Qu 等<sup>[9-10]</sup> 采用拓扑优化设计的反射镜在轻量化率和结构刚度 等方面均优于传统的三角形和六边形孔构型. Liu 等<sup>[11]</sup>

的对比分析也表明了拓扑优化设计的反射镜在面形 精度和结构轻量化率上优于传统三角形和四边形孔 轻量化构型. 拓扑优化方法突破了传统规则几何的 限制,进一步提升了反射镜的轻量化率,在设计上拥 有更大的自由度和灵活性.一方面,拓扑优化设计方 法可以在反射镜的传统构型设计的基础上进一步地 优化设计[12-13],另一方面也可以直接修改初始结构 得到非常规设计的反射镜结构构型[14-15],但这对制 造工艺提出了更高的要求.随着增材制造技术的进 步,拓扑优化设计的具有复杂几何构型的金属材料 反射镜可以直接制备[16-19]. 这打破了传统减材工艺 的几何限制,为制造高精度及高轻量化的反射镜提 供了更多的可能[20-21]. 但对碳化硅陶瓷反射镜的增 材制造仍集中在传统的蜂窝板筋布局的制备[22-24]. 同时在实际应用中, 拓扑优化的高自由度设计和不 同增材制造工艺的可制造性之间还存在一些限制, 例如拓扑优化结构内部封闭的孔洞空隙[25-26]和结构 的悬垂[27-28] 等. 显然, 针对大口径碳化硅空间反射 镜,必须在考虑满足性能约束的轻量化要求的同时, 考虑可制造性问题.因此迫切需要建立考虑可制造 性的增材制造碳化硅反射镜轻薄化设计方法,实现 大口径碳化硅空间反射镜的性能优化和成功制备.

本文研究考虑可制造性的增材制造碳化硅反射 镜轻薄化设计问题,建立基于拓扑优化的增材制造 碳化硅反射镜轻薄化设计方法.该方法能够考虑大 口径碳化硅反射镜的轻薄化与高面形精度的性能要 求、可制造需求等,实现设计、制造和性能之间的 协同优化.以典型大口径碳化硅空间反射镜为例,基 于所建立的方法对反射镜背部支撑结构的构型进行 了设计,并对设计方案进行了制备和性能表征.分析 结果表明,获得的设计具有良好的性能和可制造性.

## 1 轻薄化反射镜设计方法

为了保证结构的可制造和易制造,结构需要具 有一定的几何特征.本文选用板筋增强式结构作为 可制造和易制造的结构特征.通过设计板筋的布局 和高度分布,以提升结构的性能.本文基于 Liu 等<sup>[29]</sup> 提出的 H-DGTP 方法建立保持板筋形式的可制造性 约束,以结构刚度最大化为目标建立拓扑优化模型, 来获得板筋的合理分布.通过拓扑优化结果的可编 辑重构和基于参数优化的精细化设计,以获得反射 镜轻薄化设计构型.

#### 1.1 板筋布局设计的拓扑优化模型

H-DGTP (heaviside-function based directional growth topology parameterization) 方法是一种板筋布局与高度协同优化模型, 该方法能够实现基于三维模型板筋式结构的板筋布局与高度协同优化设计. 根据 H-DGTP 方法<sup>[29]</sup> 的思想, 板筋布局通过设计反射镜背面 (基面)的法线方向一定厚度的区域 (设计域)的材料分布实现, 如图 1 所示. 通过引进基面各处的相对密度变量 $\rho_j$  描述板筋的有无, 并引进参数 $\eta_j$  描述板筋高度. 各单元的材料相对密度 $\rho_e$  可由基面对应位置的相对密度 $\rho_i$ 和高度描述参数 $\eta_j$ 确定

$$\rho_e = \rho_j \times H(s_e, \eta_j), \quad j = 1, 2, \cdots, N_{\text{eg}}$$

$$H(s_e, \eta_j) = \begin{cases} 1, & s_e < \eta_j \\ 0, & s_e \ge \eta_j \end{cases}$$
(1)

式中,  $\rho_j \in [0,1]$  为板筋结构基面的单元相对密度,  $s_e = x/L_x \in [0,1]$  为单元组内任意单元归一化后的中





Fig. 1 Schematic diagram of the elemental density parameterization of the H-DGTP method

心点坐标, x 为单元中心点沿打印方向到基面的距离,  $L_x$  为打印方向上单元组的高度,  $\eta_j$  为板筋的高度设计变量,  $N_{eg}$  为设计域内基面单元的数目. H 为 Heaviside 函数, 其光滑近似函数可定义为

$$H(s,\eta) = \frac{e^{\beta \times (\eta - s)}}{1 + e^{\beta \times (\eta - s)}}$$
(2)

式中,β>0决定了近似函数的光滑程度.

结构柔顺度与均方根 (root mean square, RMS) 值都是与结构整体位移相关的响应函数,均可用于 衡量结构整体刚度<sup>[30-31]</sup>.本文选择结构柔顺度最小 作为设计目标函数,通过设计在质量约束条件下结 构的柔顺度最小来实现最大化结构的整体刚度.结 构柔顺度的计算公式为

$$c(\boldsymbol{X}) = \boldsymbol{u}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{f}$$
(3)

式中, **u** 为结构的位移向量, **f** 为结构的载荷向量. 质量约束表示为

$$g(X) = \rho^0 \sum_{e=1}^{N_{ele}} \rho_e v_e - M$$
 (4)

式中,  $\rho^0$  为碳化硅材料的密度,  $v_e$  为单元体积, M 为 给定的反射镜质量,  $N_{ele}$  为单元总数.

因此,轻薄化设计的拓扑优化模型表示为

find 
$$X = (\rho_1, \eta_1, \rho_2, \eta_2, \dots, \rho_{N_{eg}}, \eta_{N_{eg}})^\top$$
  
minimize  $c(X)$   
subject to  $Ku = f$   
 $g(X) \le 0$   
 $0 \le \rho_j \le 1$ ,  $0 \le \eta_j \le 1$ , for  $j = 1, 2, \dots, N_{eg}$  (5)

式中, K 为结构整体刚度矩阵.

#### 1.2 重构模型

基于拓扑优化获得的概念设计,可进行反射镜 模型的可编辑重构. 拓扑优化的概念设计简化并转 化为实际工程应用的标准几何形状时,往往难以保 持其最优性<sup>[32]</sup>. 因此采用特征设计和参数化建模方 法,对几何模型中不规则区域进行规则化处理, 使其 转化为标准几何形状. 如图 2(a) 所示, 在重构过程 中,首先根据拓扑优化结果初步确定板筋位置和高 度,将每个板筋分成不同组件,并设定其为等厚度分 布并取整, 如图 2(b) 所示. 该厚度将作为反射镜精细 化设计的优化参数.





#### 1.3 尺寸优化模型

在轻薄化设计方法中, 通过拓扑优化设计确定 反射镜的板筋形状、位置 (包括布局和高度). 在此 基础上, 尺寸优化对板筋的厚度进行精细化设计, 在 满足性能要求的同时, 进一步减轻反射镜重量. 因此, 基于反射镜重构模型的精细化设计模型描述为: 通 过优化设计板筋的厚度 t<sub>i</sub>, 在满足反射镜在不同姿态 下的面形精度要求的情况下实现质量最小化设计. 面形精度通过光轴方向与重力方向重合 (z 轴方向) 和垂直方向 (x 轴方向和 y 轴方向)下的均方根 (RMS) 值来表征. 轻薄化设计的尺寸优化模型表示为

find 
$$t = \{t_i\}, \quad i = 1, 2, \cdots, n$$
  
min  $m$   
s.t.  $Ku = f$   
 $\underline{t_i} \le t_i \le \overline{t_i}$   
 $x_{RMS} \le \overline{x}_{RMS}$   
 $y_{RMS} \le \overline{y}_{RMS}$   
 $z_{RMS} \le \overline{z}_{RMS}$ 

式中, *m* 为反射镜质量, *x*<sub>RMS</sub>, *y*<sub>RMS</sub> 和 *z*<sub>RMS</sub> 为反射镜 法向轴沿 *x*, *y* 和 *z* 向自重载荷下的均方根 *RMS* 值,  $t_i$  和  $\bar{t}_i$  分别表示为板筋厚度的优化下限值和上限 值,  $\bar{x}_{RMS}$ ,  $\bar{y}_{RMS}$  和  $\bar{z}_{RMS}$  分别表示为 *x*, *y* 和 *z* 向自重载 荷下的均方根 *RMS* 的优化上限值. 其中, 镜面的均 方根 *RMS* 值计算式为<sup>[31,33]</sup>

$$RMS(\mathbf{X}) = \sqrt{\sum_{i=1}^{Ns} w_i E_i^2}$$
(7)

式中, *Ns* 为镜面上的节点总数, *w<sub>i</sub>* 为整个镜面表面的 *i* 个节点的权重系数, *E<sub>i</sub>* =  $u_i^n - Z_{i1} - Z_{i2} - Z_{i3}$ , 其中,  $u_i^n$  为镜面上第 *i* 个节点的法向位移,  $Z_{i1}, Z_{i2}$  和 $Z_{i3}$  为Zernike 多项式的低阶项, 分别代表镜面的偏移、倾斜和散焦.

### 2 典型反射镜的轻薄化设计

#### 2.1 拓扑优化设计

#### 2.1.1 反射镜几何特征

为验证轻薄化设计方法,本文选取典型碳化硅 反射镜进行设计.反射镜采用极坐标系进行建模(原 点位于镜面圆心处,z负方向指向镜面正法向,如 图 3 所示),镜体为圆柱形,光学表面呈球形凹形.初 始模型质量为 29.91 kg,外径 D = 510 mm,内径 d =116 mm,总厚度 T = 53 mm,背部三点轴向支撑孔直 径 Ds = 50 mm,支撑环半径 R = 160 mm.主镜采用 碳化硅陶瓷材料,弹性模量为 350 GPa,泊松比为 0.17,密度为 3.0 g/cm<sup>3</sup>.设计需求为镜面厚度为 2.5 mm,支撑孔的厚度为 2.5 mm.通常情况下<sup>[34]</sup>,反 射镜的设计要求在自重载荷下反射镜在 x, y 和 z 向 的光学面形 *RMS* 值  $\leq \lambda/60$  ( $\lambda = 632.8$  nm).薄镜的面 密度  $\leq 15$  kg/m<sup>2</sup>,即反射镜重量 M 不超过 3 kg.



#### 2.1.2 反射镜拓扑优化设计

由于反射镜结构具有高度的对称性, 拓扑优化 计算仅需要 1/6 的反射镜模型, 有效降低了拓扑优 化的计算负担. 优化后的模型质量约束为 0.5 kg. 采 用三维八节点线性实体单元进行模型离散化, 并沿 厚度方向均匀布置网格, 共计 211444 个单元, 223168 个节点. 图 4 展示了反射镜的不可设计域与可设计 域的位置分布. 其中, 镜面背部的支撑孔和反射镜镜 面均作为不可设计域, 如图 4 中灰色的区域所示. 而 可设计域为图 4 中的红色区域, 即除镜面及支撑孔 之外的区域.

在反射镜优化过程中,考虑了反射镜法向轴沿 x, y和z向的自重影响(G=9800 N/kg). 通过拓扑优 化求解,获得反射镜背部结构的材料最优分布形式. 如图5所示,反射镜背部材料集中分布在各个支撑 孔周围,呈树枝状延伸布局,高度随距离支撑孔的远 第x期



近而变化,远离支撑孔处,板筋高度越低.同时,在第 一阶段的拓扑优化设计保持了板筋结构形式,避免 了悬挑镂空的结构存在,保证了制造可行性.在轻薄 化最终的拓扑优化设计结果中,反射镜质量为 2.97 kg,较初始质量减少约 90%.

通过对反射镜最终拓扑优化模型进行分析, 图 6 展示了反射镜法向轴沿 x, y 和 z 向自重载荷下 的镜面法向位移云图,并用 GX-max 表示在 x 向自 重载荷下的镜面法向位移最大值.根据公式(7)计 算,反射镜法向轴沿 x, y 和 z 向自重载荷下的均方 根 RMS 值分别为 2.04, 3.18 和 7.63 nm,均优于 λ/60





(λ = 632.8 nm). 结果如表 1 所示, 第一阶段拓扑优化 设计的反射镜完全满足设计需求.





Fig. 6 Normal displacement contour for the topology optimization model of the primary mirror in x, y and z-direction





primary minor					-	
GX-max/nm GY-max/nm		GZ-max/nm	$x_{\rm RMS}/{\rm nm}$ $y_{\rm RMS}/{\rm nm}$		z <sub>RMS</sub> /nm	
1.44	16.20	36.62	2.04	3.18	7.63	

#### 2.2 尺寸优化设计结果

#### 2.2.1 反射镜重构设计

对反射镜拓扑优化概念模型进行可编辑重构和 合理设计,并转化为更规则的简单几何形式.图7展 示了反射镜的重构模型,质量为2.96 kg.通过对重构 后的反射镜模型进行分析,图8展示其法向轴沿x, y和z向自重载荷下的镜面法向位移云图,并计算了相应方向的均方根 RMS值.

如表2所示,与拓扑优化模型的结果相比,反射









Fig. 8 Normal displacement contour for the reconstructed model of the primary mirror in x, y and z-direction

#### 表 2 重构设计的反射镜性能

Table 2 Performance of the reconstructed design of the primary

mirror					
GX-max/nm	<i>GY</i> -max/nm	GZ-max/nm	x <sub>RMS</sub> /nm	y <sub>RMS</sub> /nm	z <sub>RMS</sub> /nm
17.37	16.28	36.77	3.39	3.93	6.83

镜重构模型的性能有所降低,这是由于重构过程中 对拓扑优化模型进行了部分规则化处理导致了结构 改变,影响了反射镜结构效率,但重构模型的性能仍 均满足设计需求.

#### 2.2.2 反射镜尺寸优化设计

6

在尺寸优化计算时仍使用了 1/6 的反射镜模型, 如图 9 所示.本文选定反射镜主要的 8 个板筋的厚 度作为设计变量,表 3 给出了设计变量的初始值和 优化上下限值.其中,板筋厚度的初始值与优化上限 值一致,这是由于在拓扑优化阶段,对反射镜板筋形 状和位置布局均已经进行了优化设计,因此为了实 现进一步的减重,将板筋厚度的优化上限值作为初 始变量.另外,所有设计变量增量均为 0.5 mm.

根据尺寸优化的结果,图 10 展示了轻薄化设计



图 9 尺寸优化设计变量示意图

Fig. 9 Schematic diagram of the design variables in size optimization

表 3 尺寸优化的设计变量





(a) Three-dimensional view

图 10 尺寸优化后的反射镜示意图

(b) Vertical view

Fig. 10 The mirror in size optimization

#### 表 4 反射镜性能比较

Table 4 Comparison of primary mirror performance

Primary mirror design	Mass/kg	Area density/ (kg·m <sup>-2</sup> )	x <sub>RMS</sub> / nm	y <sub>RMS</sub> / nm	z <sub>RMS</sub> / nm
topology optimization design	2.97	14.56	2.04	3.18	7.63
reconstructed design	2.96	14.47	3.39	3.93	6.83
lightweight and thin design	2.70	13.21	3.27	3.27	7.55

的反射镜背部结构示意图.表4对比了最终尺寸优化后的轻薄化设计模型与拓扑优化模型、初始重构模型的性能.结果表明,轻薄化设计在保证反射镜均方根 *RMS* 值符合设计要求的同时,实现了结构的进一步减重.尽管部分性能有所降低,但面密度从拓扑优化模型的 14.56 kg/m<sup>2</sup> 降至 13.21 kg/m<sup>2</sup>,总质量减少了

第x期

约 9%. 另外, 镜面的面密度为 7.13 kg/m<sup>2</sup>, 表明非设 计域中的镜面厚度仍是影响镜面面密度的关键因素.

#### 3 反射镜可制造性验证

为验证轻薄化设计的可制备性,使用嘉善饶稷 科技有限公司生产的 CeramPlus 工业级陶瓷 3D 打 印机 (DLP-FLEX HD) 进行反射镜制备. 受材料限制 和成本考虑,采用氧化铝陶瓷材料进行测试,并将反 射镜等比例缩放至直径为130mm.为避免反射镜板 筋局部尺寸过小,制备模型采用反射镜重构模型 (图 7). 由于优化过程中未考虑外部制造约束, 制备 前需要增加支撑结构以确保打印稳定性.为简化后 续制备工艺,打印方向设置为镜面向上.图11展示 了陶瓷 DLP 打印机主要的打印流程. 首先,将 CAD 反射镜模型以 STL 文件格式导入计算机, 随后通过 特定软件进行逐层切片,切片厚度为50 um.之后打 印机逐层制备陶瓷反射镜生坯,最后清理表面未固 化的陶瓷浆料,制备的反射镜生坯如图 12 所示,表 5 给出了反射镜生坯的测量尺寸结果,选取了反射镜 外径 D、中心孔径 d 和尺寸优化中的设计变量 1 和 3的板筋厚度进行尺寸测量,根据5次有效测量结



图 11 DLP 光固化成型工作流程





图 12 DLP 制备的反射镜生坯

Fig. 12 DLP-stereolithography manufactured green body of the primary mirror

#### 表 5 反射镜生坯的尺寸测量结果

 Table 5
 The dimensional measurement results of the green

body of the primary mirror					
Measurement	Total	Center hole	Stiffener	Stiffener	
location	diameter $(D)$	diameter $(d)$	thickness (T1)	thickness (T3)	
nominal value/mm	130.00	29.57	0.76	1.27	
measured mean/mm	130.03	29.53	0.81	1.33	
standard deviation/mm	0.03	0.03	0.01	0.01	

果得到实测均值和标准差.实验数据证明,轻薄化设计的反射镜具有良好的可制造性,所制备的陶瓷反射镜还原度较高,整体成型质量较好.

### 4 结论

本文以大口径碳化硅空间反射镜为例,提出了 一种基于拓扑优化的增材制造结构轻薄化设计方 法.结果表明,轻薄化设计的反射镜法向轴沿 x, y 和 z 向自重载荷下的均方根 RMS 值分别为 3.27, 3.27 和 7.55 nm,面密度为 13.21 kg/m<sup>2</sup>. 与拓扑优化 的概念构型相比,轻薄化设计在可编辑重构和精细 化设计后,能够满足性能需求并实现结构减重设计, 反射镜总质量下降了约 9%,实现了碳化硅空间反射 镜更高程度的轻量化.并通过 DLP 陶瓷增材制造技 术验证了轻薄化设计反射镜的可制造性.该方法在 保持结构的可制造性和满足面形精度的前提下,进 一步挖掘了轻量化的潜力,为反射镜优化设计和制 造提供了一套完整可行的设计方案.

#### 参考文献

- Malamed ER, Petrov YuN, Sokolov IM. Designs of the primary mirrors of space telescopes. *Journal of Optical Technology*, 2002, 69(9): 622-626
- 2 Savitskii AM, Sokolov IM. Questions of constructing lightened primary mirrors of space telescopes. *Journal of Optical Technology*, 2009, 76(10): 666-669
- 3 Jr Yoder PR. Opto-Mechanical Systems Design. Third Edition. Boca Raton: CRC Press, 2006: 449-479
- 4 Cheng JQ. The Principles of Astronomical Telescope Design. New York: Springer New York NY, 2009: 87-139
- 5 Liu XH, Gu KH, Li MX, et al. Optimization design of large-aperture primary mirror for a space remote camera. *Sensors*, 2023, 23: 5441
- 6 Wang ZC, Chen T, Cao YY, et al. Lightweight 2m SiC mirror ground-based telescopes. *Photonics*, 2024, 11: 581
- 7 袁健, 任建岳. 碳化硅反射镜轻量化结构的改进与优化. 光子学报, 2015, 44(8): 812004 (Yuan Jian, Ren Jianyue. Improvement and optimization of lightweight structure for SiC reflective mirror. *Acta*

力

Photonica Sinica, 2015, 44(8): 812004 (in Chinese))

- 8 Hurtado-Pérez AB, Pablo-Sotelo ADJ, Ramírez-López F, et al. On topology optimisation methods and additive manufacture for satellite structures: A review. *Aerospace*, 2023, 10: 1025
- 9 Qu YJ, Wang W, Liu B, et al. Topology optimization design of space rectangular mirror//Xu M, Yang J. Advanced Optical Design and Manufacturing Technology and Astronomical Telescopes and Instrumentation, International Symposium on Optoelectronic Technology and Application, Beijing, 2016-05-09-11. China: SPIE, 2016. 1015421
- 10 Qu YJ, Jiang YR, Feng LJ, et al. Lightweight design of multi-objective topology for a large-aperture space mirror. *Applied Sciences*, 2018, 8: 2259
- 11 Liu JZ, Jiang B. Topology optimization design of a space mirror//Liu SG, Zhuang SL, Petelin MI, eds. Selected Papers of the Photoelectronic Technology Committee Conferences, The Photoelectronic Technology Committee Conferences, Hefei, Suzhou, and Harbin, 2015-06-14-19. China: SPIE, 2015. 97952Y
- 12 Liu FC, Li W, Zhao WG, et al. Topology optimization based parametric design of balloon borne telescope's primary mirror. *Applied Sciences*, 2021, 11: 5077
- 13 Jiang P, Wang XY, Wang KJ, et al. Lightweight structure and unequal length flexible support design of a  $1.3 \times 1.2$  m rectangular, horizontally supported mirror. *Applied Optics*, 2024, 63(27): 7244-7251
- 14 Park KS, Lee JH, Youn SK. Lightweight mirror design method using topology optimization. *Optical Engineering*, 2005, 44(5): 053002
- 15 Liu ST, Hu R, Li QH, et al. Topology optimization-based lightweight primary mirror design of a large-aperture space telescope. *Applied Optics*, 2014, 53: 8318-8325
- 16 Blakey-Milner B, Gradl P, Snedden G, et al. Metal additive manufacturing in aerospace: A review. *Materials & Design*, 2021, 209: 110008
- 17 Taghizadeh M, Zhu ZH. A comprehensive review on metal laser additive manufacturing in space: Modeling and perspectives. Acta Astronautica, 2024, 222: 403-421
- 18 Fu Q, Yan L, Tan SL, et al. Lightweight and high-stiffness metal optical systems based on additive manufacturing. *Micromachines*, 2024, 15: 128
- 19 Tenegi Sanginés F, Vega Moreno A, Gracia F, et al. Lightweight metal mirrors manufactured by AM, applied to astronomical instrumentation: first steps towards all-in-one opto-mechanical components//Navarro R, Jedamzik R, eds. Advances in Optical and Mechanical Technologies for Telescopes and Instrumentation VI, SPIE Astronomical Telescopes + Instrumentation, Yokohama, 2024-6-16-21. Japan: SPIE, 2024. 13100
- 20 孙宇欣, 樊延超, 董得义等. 增材制造空间反射镜结构拓扑优化技 术发展综述. 激光杂志, 2022, 43(7): 1-14 (Sun Yuxin, Fan Yanchao, Dong Deyi, et al. A review of space mirror topology optimization technology based on additive manufacturing. *Laser Journal*,

2022, 43(7): 1-14 (in Chinese))

- 21 Wu YZ, Fang JG, Wu C, et al. Additively manufactured materials and structures: A state-of-the-art review on their mechanical characteristics and energy absorption. *International Journal of Mechanical Sciences*, 2023, 246: 108102
- 22 Ding GJ, He RJ, Zhang KQ, et al. Stereolithography 3D printing of SiC ceramic with potential for lightweight optical mirror. *Ceramics International*, 2020, 46: 18785-18790
- 23 Shen XT, Sun XJ, Wang CB, et al. Topology optimization of a double-sided space mirror based on additive manufacturing of SiC. *Structural and Multidisciplinary Optimization*, 2024, 67: 130
- 24 Zhang H, Yang Y, Hu KH, et al. Stereolithography-based additive manufacturing of lightweight and high-strength Cf/SiC ceramics. *Additive Manufacturing*, 2020, 34: 101199
- 25 Liu ST, Li QH, Chen WJ, et al. An identification method for enclosed voids restriction in manufacturability design for additive manufacturing structures. *Frontiers of Mechanical Engineering*, 2015, 10(2): 126-137
- 26 Luo YF, Sigmund O, Li QH, et al. Topology optimization of structures with infill-supported enclosed voids for additive manufacturing. *Additive Manufacturing*, 2022, 55: 102795
- 27 Yang D, Pan C, Zhou Y, et al. Optimized design and additive manufacture of double-sided metal mirror with self-supporting lattice structure. *Materials & Design*, 2022, 219: 110759
- 28 魏伟, 吴海鑫, 吴晓萱等. 增材制造自支撑设计综述. 中国激光, 2024, 51(10): 1002307 (Wei Wei, Wu Haixin, Wu Xiaoxuan, et al. Review of self-supporting design for additive manufacturing. *Chinese Journal of Lasers*, 2024, 51(10): 1002307 (in Chinese))
- 29 Liu ST, Li QH, Chen WJ, et al. H-DGTP —a Heaviside-function based directional growth topology parameterization for design optimization of stiffener layout and height of thin-walled structures. *Structural and Multidisciplinary Optimization*, 2015, 52: 903-913
- 30 李超, 董得义, 樊延超等. 基于增材制造技术空间反射镜结构拓扑 优化设计方法研究与试验验证. 机电工程技术, 2022, 51(7): 25-30 (Li Chao, Dong Deyi, Fan Yanchao, et al. Research and experimental verification on topology optimization design method of space mirror structure based on additive manufacturing technology. *Mechanical and Electrical Engineering Technology*, 2022, 51(7): 25-30 (in Chinese))
- 31 Fan YC, Dong DY, Li C, et al. Research and experimental verification on topology-optimization design method of space mirror based on additive-manufacturing technology. *Machines*, 2021, 9: 354
- 32 Wang YJ, Xiao M, Xia ZH, et al. From computer-aided design (CAD) toward human-aided design (HAD): An isogeometric topology optimization approach. *Engineering*, 2023, 22: 94-105
- 33 Hu R, Chen WJ, Li QH, et al. Design optimization method for additive manufacturing of the primary mirror of a large-aperture space telescope. *Journal of Aerospace Engineering*, 2017, 30(3): 04016093
- 34 Zhang K, Xie XL, Wang C, et al. Optomechanical performances of advanced lightweight mirrors based on additive manufacturing. *Micromachines*, 2022, 13: 1334